

TABLE DES MATIERES

I. APPROCHE GLOBALE	1
1 – PROBLEMATIQUE	1
2 – STATIQUE.....	3
3 – CONDITIONS AUX LIMITES ET LIAISONS.....	5
4 – STATICITE DES STRUCTURES.....	8
5 – NOTION DE CONTRAINTE	10
II. LOIS DE COMPORTEMENT	16
1 – DEFINITIONS	16
2 – LES ESSAIS.....	17
3 – RESULTATS. CARACTERISTIQUES DES MATERIAUX.....	21
4 – LOI DE HOOKE. MECANIQUE LINEAIRE	25
III. POUTRES	28
1 – DEFINITIONS, HYPOTHESES	28
2 – CONTRAINTES DANS LA SECTION DROITE.....	29
3 – EQUATIONS D'EQUILIBRE DE LA POUTRE	30
4 – DIAGRAMMES	33
5 – CHARGE EQUIVALENTE A UNE CHARGE REPARTIE	35
IV. TRACTION	45
1 – TRACTION UNIFORME	45
2 – LES LOIS	46
3 – TRACTION NON UNIFORME.....	47
4 – CALCUL D'UNE POUTRE EN TRACTION.....	48
5 – CONCENTRATION DE CONTRAINTE	49
6 – ENVELOPPES A PAROIS MINCES.....	51
V. TORSION	65
1 – TORSION PURE UNIFORME.....	65
2 – LES LOIS	67
3 – CALCUL D'UNE POUTRE EN TORSION.....	69
4 – SECTION ECONOMIQUE	69
5 – PROBLEME TYPE.....	70
6 – RESSORT DE TORSION.....	71
7 – TORSION DES POUTRES DE SECTION QUELCONQUE	72
VI. FLEXION	82
1 – FLEXION PURE.....	82
2 – LES LOIS	84
3 – CALCUL D'UNE POUTRE EN FLEXION	86
4 – SECTIONS ECONOMIQUES	87
5 – FLEXION DEVIEE.....	88

6 – DEFORMEE APPROCHEE D'UNE POUTRE DROITE EN FLEXION PLANE.	90
7 – EXEMPLE.....	91
8 – FORMULES DE BRESSE.....	92
9 – POUTRES HYPERSTATIQUES	94
VII. CISAILLEMENT	111
1 – CAS DE CISAILLEMENT	111
2 – LES LOIS	112
3 – CALCUL D'UNE PIECE AU CISAILLEMENT	114
4 – COMPLEMENTS	116
VIII. SOLLICITATIONS COMPOSEES	125
1 – SUPERPOSITION.....	125
2 – PRINCIPAUX CAS SIMPLES.....	125
3 – FLEXION ET TORSION, MOMENTS IDEAUX.....	128
4 – APPROCHE DES TREILLIS.....	130
IX. FLAMBAGE	141
1 – PHENOMENE DE FLAMBAGE D'UNE POUTRE DROITE.....	141
2 – THEORIE D'EULER.....	143
3 – POUTRE RECTILIGNE COMPRIMEE EXCENTRIQUEMENT	145
4 – POUTRE AYANT UNE COURBURE INITIALE.....	146
5 – POUTRE REELLE.....	147
X. METHODES ENERGETIQUES	154
1 – DEFINITIONS ET HYPOTHESES	154
2 – CALCUL DE L'ENERGIE DE DEFORMATION	155
3 – RAIDEUR ET SOUPLESSE.....	159
4 – FORMES QUADRATIQUES POUR L'ENERGIE INTERNE	161
5 – METHODES « GLOBALES », METHODES « LOCALES ».....	165
XI. TREILLIS	177
1 – BARRES ET POUTRES.....	177
2 – STATICITE DES STRUCTURES.....	178
3 – DISCRETISATION.....	180
4 – DEGRES DE LIBERTE.....	183
5 – MECANIQUE LINEAIRE (compléments).....	184
6 – SYMETRIE DES TREILLIS.....	187
7 – METHODES ANALYTIQUES ET RESOLUTION CLASSIQUE.....	189
XII. MATRICE DE RAIDEUR	193
1 – MATRICE DE RAIDEUR D'UNE BARRE EN AXES PROPRES	193
2 – MATRICE DE RAIDEUR D'UNE POUTRE EN AXES PROPRES	195
3 – MATRICE DE RAIDEUR ETENDUE.....	198
4 – MATRICE DE RAIDEUR EN AXES STRUCTURAUX (2D)	199
5 – ASSEMBLAGE DES MATRICES ELEMENTAIRES.....	202

XIII. METHODE DES DEPLACEMENTS	204
1 – LES METHODES MATRICIELLES.....	204
2 – METHODE DES DEPLACEMENTS	205
3 – CONDITIONS AUX LIMITES.....	207
4 – CONDITIONNEMENT NUMERIQUE.....	213
5 – EFFORTS NODAUX, CONTRAINTES DANS LES ELEMENTS	215
6 – AXES LOCAUX	215
XIV. RESOLUTION DU PROBLEME	217
1 – INVERSION DU SYSTEME MATRICIEL.....	217
2 – METHODES DIRECTES ET METHODES INVERSEES : PRINCIPE.....	218
3 – METHODES DE GAUSS.....	219
4 – AUTRES METHODES DIRECTES.....	222
5 – MULTIPLICATEURS DE LAGRANGE	223
XV. EXEMPLE COMPLET	228
1 – MATRICES ELEMENTAIRES ET ASSEMBLAGE	228
2 – AUTRES DEFINITIONS DU SYSTEME.....	230
3 – CONDITIONS AUX LIMITES ET RESOLUTION.....	232
4 – EFFORTS DANS LES BARRES ET CONTRAINTES.....	233
5 – UTILISATION DES SYMETRIES.....	236
6 – VARIANTES	237
XVI. EXERCICES COMPLEMENTAIRES	239
1 – BARRES COAXIALES IDENTIQUES	239
2 – AUTRE TREILLIS DE DEUX BARRES.....	243
3 – TREILLIS DE CINQ BARRES	247
XVII. EXTENSION AUX ELEMENTS FINIS	251
1 – RETOUR SUR LA METHODE DES DEPLACEMENTS	251
2 – EXTENSION DE LA METHODE DES DEPLACEMENTS.....	252
3 – METHODE DES ELEMENTS FINIS	253
Annexe A	258
Inertie des surfaces	258
Annexe B	267
Contraintes en milieu tridimensionnel	267
INDEX	273