## **Table des matières**

## Partie 1. Algèbre

1. N	ombres complexes	13
	. Calcul du module et de l'argument d'une puissance d'un nombre complexe	
2	. Simplification d'un rapport de nombres complexes est réel	15
3	. Pour montrer qu'un nombre complexe est réel	16
4	. Pour montrer qu'un nombre complexe est imaginaire pur	17
	. Racines carrées d'un nombre complexe	
6	Racines n-ièmes d'un nombre complexe	19
	. Factorisation d'un polynôme réel	
8	Linéarisation des expressions de la forme $\cos^m x \sin^n x$	21
9	. Calcul de $\cos(n\theta)$ et de $\sin(n\theta)$ en fonction de puissances de $\cos(\theta)$ et de $\sin(\theta)$	22
1	0. Écriture de $1+e^{i\theta}$ et de $1-e^{i\theta}$ ( $\theta \in \mathbf{R}$ ) sous la forme $re^{i\alpha}$ avec $(r,\alpha) \in \mathbf{R}^2$	23
	Simplification de sommes de cosinus (resp. sinus)	
	, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	
2. E	nsembles – Relations – Applications	25
	Le raisonnement par récurrence	
	Le raisonnement par l'absurde	
	Le raisonnement par contraposée	
	. L'inclusion	
	. Égalité de deux ensembles	
6	. Égalité de deux applications	31
7	Composée de deux applications	32
8	. Image d'une partie	33
9	. Image réciproque d'une partie	34
1	0. Injectivité	35
1	1. Surjectivité	36
1	2. Bijectivité	37
1	3. Bijection réciproque	38
1	4. Réflexivité	39
1	5. Symétrie	40
1	6. Transitivité	41
1	7. Relation d'équivalence	42
1	8. Classes d'équivalence	43
1	9. Ensemble quotient	44
2	0. Antisymétrie	45
2	1. Relation d'ordre	46
2	2. Ordra total at ordra partial	47

3. Entiers relatifs et arithmétique dans Z491. Divisibilité par un entier502. Détermination du pgcd en utilisant la définition513. Détermination du pgcd en utilisant l'algorithme d'Euclide524. Nombres premiers entre eux535. Solutions de l'équation au + bv = c546. Nombres premiers55

	9. Famille libre ou vecteurs linéairement indépendants	
	10. Famille liée ou vecteurs linéairement dépendants	
	11. Base	
	12. Dimension d'un espace vectoriel	
	13. Application linéaire	
	14. Noyau d'une application linéaire	
	15. Injectivité d'une application linéaire	
	16. Image d'une application linéaire	
	17. Rang d'une application linéaire	
	18. Endomorphisme, Isomorphisme, Automorphisme	
	20. Symétrie	
	Zo. Gymetrie	111
7.	Espace vectoriel de dimension finie	113
••	Pour montrer qu'une famille est une base	
	Pour construire une base	
	Détermination d'une base d'un sous-espace vectoriel	
	4. Rang d'une famille de vecteurs	
	5. Dimension d'une somme de sous-espaces vectoriels	
	6. Sous-espaces vectoriels supplémentaires	
	7. Pour trouver un supplémentaire d'un sous-espace vectoriel	
	8. Comment définir une application linéaire ?	
	9. Pour montrer qu'une application linéaire entre deux sous-espaces vectoriels	
	de dimensions finies est un isomorphisme	122
	10. Comment définir un projecteur ?	123
	11. Comment définir une symétrie ?	124
_		
8.	Matrices et Systèmes linéaires	
	1. Comment trouver la matrice d'une application linéaire ?	
	2. Comment montrer qu'une matrice carrée est inversible ?	
	3. Comment inverser une matrice inversible ?	
	4. Comment trouver la matrice de passage d'une base à une autre ?	
	5. Changement de base	
	6. Matrice d'une application linéaire dans un changement de base	
	7. Rang d'une matrice	
	8. Rang d'un système	133
		133
	8. Rang d'un système	133
Pá	8. Rang d'un système	133
Pa	8. Rang d'un système  9. Résolution d'un système linéaire	133
	8. Rang d'un système	133 134
	8. Rang d'un système	133 134 137 138
	8. Rang d'un système	133 134 137 138 139
	8. Rang d'un système	133 134 137 138 139 140
	8. Rang d'un système	133 134 137 138 139 140
	8. Rang d'un système	133 134 137 138 139 140 141
	8. Rang d'un système	133 134 137 138 139 140 141 142
	8. Rang d'un système	133 134 137 138 139 140 141 142 143
	8. Rang d'un système	133 134 137 138 139 140 141 142 143 144

	CONTINUITE ET IIMITES	14 <i>1</i>
	1. Comment montrer la continuité d'une fonction en revenant àla définition ?	
	2. Comment montrer la continuité d'une fonction en utilisant les opérations ?	
	3. Comment montrer la continuité d'une fonction en utilisant les limites ?	
	4. Comment montrer la discontinuité d'une fonction en utilisant la définition ?	
	5. Comment montrer la discontinuité d'une fonction en utilisant la bornitude ?	
	6. Comment montrer la discontinuité d'une fonction en utilisant les suites ?	153
	7. Comment trouver la limite d'une fonction en un point en utilisant les opérations	15
9	sur les limites ?	
	9. Comment montrer l'existence d'une solution de l'équation $f(x) = 0$ , où $f$	100
`	est une fonction continue sur un intervalle / de <b>R</b> ?	156
11	. Dérivation	157
	Comment montrer qu'une fonction est dérivable en revenant à la définition ?	
	Comment montrer qu'une fonction est dérivable en utilisant les opérations sur les dérivées ?	
,	3. Comment montrer qu'une fonction est dérivable en utilisant la limite de la dérivée ?	
	4. Comment calculer la dérivée n-ième d'un produit de fonctions ?	
	5. Comment trouver un extremum d'une fonction dérivable sur un intervalle ?	
	6. Comment montrer la convexité d'une fonction deux fois dérivable ?	
	7. Comment utiliser le théorème des accroissements finis ?	
	8. Comment utiliser le théorème de Rolle ?	
Ś	9. Comment utiliser la règle de l'Hôpital ?	166
12.	Développements limités	167
	1. Comment calculer un développement limité d'une fonction simple ?	
	2. Comment obtenir un développement limité d'une somme de deux fonctions ?	
	O O manuscrate detection on although a manuscrate that it the first and all the decision for a title and O	
	3. Comment obtenir un développement limité d'un produit de deux fonctions ?	
4	4. Comment obtenir un développement limité d'un quotient de deux fonctions ?	171
	4. Comment obtenir un développement limité d'un quotient de deux fonctions ? 5. Comment obtenir un développement limité d'une composée de fonctions ?	171 172
	4. Comment obtenir un développement limité d'un quotient de deux fonctions ?	171 172 173
į	4. Comment obtenir un développement limité d'un quotient de deux fonctions ?	171 172 173
į	4. Comment obtenir un développement limité d'un quotient de deux fonctions ?	171 172 173
13.	4. Comment obtenir un développement limité d'un quotient de deux fonctions?	171 172 173 174 175
13.	4. Comment obtenir un développement limité d'un quotient de deux fonctions ?	171172173175175
13	4. Comment obtenir un développement limité d'un quotient de deux fonctions ?	171172173174175175
13.	4. Comment obtenir un développement limité d'un quotient de deux fonctions ?	171172173175175178178
13,	4. Comment obtenir un développement limité d'un quotient de deux fonctions ?	171172173175175178178178178
13,	4. Comment obtenir un développement limité d'un quotient de deux fonctions ?	171172173175175178178178178
13,	4. Comment obtenir un développement limité d'un quotient de deux fonctions ?	171172173175175178178178178
13.	4. Comment obtenir un développement limité d'un quotient de deux fonctions ?	171172173175175178178181182183
13.	4. Comment obtenir un développement limité d'un quotient de deux fonctions ?	171172173175175175178181182185186
13.	4. Comment obtenir un développement limité d'un quotient de deux fonctions ?	171172173175175175178181182183185186
13.	4. Comment obtenir un développement limité d'un quotient de deux fonctions ?	171172173175175175178181182183185185186

5. Comment calculer une primitive d'une fonction rationnelle en $x$ et $\sqrt[n]{\frac{ax+b}{cx+d}}$ ?	190
6. Comment calculer une primitive d'une fonction rationnelle en $x$ et $\sqrt{ax^2 + bx + c}$	
15. Équations différentielles	193
Comment résoudre une équation différentielle du premier ordre	
à variables séparées ?	
2. Comment résoudre une équation différentielle du premier ordre incomplète ?	
3. Comment résoudre une équation différentielle homogène du premier ordre ?	
4. Comment résoudre une équation différentielle linéaire du premier ordre ?	
5. Comment résoudre une équation différentielle de Bernoulli ?	
6. Comment résoudre une équation différentielle de Ricatti ?	
7. Comment résoudre une équation différentielle linéaire du second ordre ?	200
Comment résoudre une équation différentielle linéaire homogène du second ordre à coefficients constants ?	201
<ol> <li>Comment résoudre une équation différentielle linéaire du second ordre</li> </ol>	
à coefficients constants ?	202
10. Comment résoudre une équation différentielle de la forme $ay'' + by' + cy = f(x)$	
où $f(x) = R_n(x)\cos(mx)e^{kx}$ ou $f(x) = R_n(x)\sin(mx)e^{kx}$ ?	203
16. Exercices complémentaires	207
17. Corrigés des exercices	221
	<b>221</b>
17. Corrigés des exercices  1. Nombres complexes	221221231
17. Corrigés des exercices	221221231247
17. Corrigés des exercices	221 221 231 247 252
17. Corrigés des exercices	221221247252258
17. Corrigés des exercices	221221247252258273
17. Corrigés des exercices  1. Nombres complexes. 2. Ensembles – Relations – Applications 3. Entiers relatifs et Arithmétique dans Z 4. Polynômes et Fractions rationnelles 5. Structures algébriques. 6. Espaces vectoriels. 7. Espace vectoriel de dimension finie. 8. Matrices et Systèmes linéaires.	221221231247252258273
17. Corrigés des exercices  1. Nombres complexes 2. Ensembles – Relations – Applications 3. Entiers relatifs et Arithmétique dans Z 4. Polynômes et Fractions rationnelles 5. Structures algébriques 6. Espaces vectoriels 7. Espace vectoriel de dimension finie 8. Matrices et Systèmes linéaires 9. Suites réelles	221221231247252258273296312
17. Corrigés des exercices  1. Nombres complexes. 2. Ensembles – Relations – Applications 3. Entiers relatifs et Arithmétique dans Z 4. Polynômes et Fractions rationnelles 5. Structures algébriques. 6. Espaces vectoriels. 7. Espace vectoriel de dimension finie. 8. Matrices et Systèmes linéaires. 9. Suites réelles. 10. Continuité et limites.	221221247252258273296312329
17. Corrigés des exercices  1. Nombres complexes	221221231247252258273296312329340348
17. Corrigés des exercices  1. Nombres complexes	221221247252252296312329340349
17. Corrigés des exercices  1. Nombres complexes	221221247252258273296312349349361371
17. Corrigés des exercices  1. Nombres complexes	221221247252252296312349349361371390
17. Corrigés des exercices  1. Nombres complexes. 2. Ensembles – Relations – Applications 3. Entiers relatifs et Arithmétique dans Z 4. Polynômes et Fractions rationnelles 5. Structures algébriques. 6. Espaces vectoriels. 7. Espace vectoriel de dimension finie 8. Matrices et Systèmes linéaires. 9. Suites réelles. 10. Continuité et limites. 11. Dérivation. 12. Développements limités. 13. Fonctions usuelles. 14. Primitives et intégrales. 15. Équations différentielles.	221221247252258296312329340341390400
17. Corrigés des exercices  1. Nombres complexes. 2. Ensembles – Relations – Applications 3. Entiers relatifs et Arithmétique dans Z 4. Polynômes et Fractions rationnelles 5. Structures algébriques. 6. Espaces vectoriels. 7. Espace vectoriel de dimension finie. 8. Matrices et Systèmes linéaires. 9. Suites réelles. 10. Continuité et limites. 11. Dérivation. 12. Développements limités 13. Fonctions usuelles. 14. Primitives et intégrales. 15. Équations différentielles.	221221247252258296312349349349349400
17. Corrigés des exercices  1. Nombres complexes. 2. Ensembles – Relations – Applications 3. Entiers relatifs et Arithmétique dans Z 4. Polynômes et Fractions rationnelles 5. Structures algébriques. 6. Espaces vectoriels. 7. Espace vectoriel de dimension finie 8. Matrices et Systèmes linéaires. 9. Suites réelles. 10. Continuité et limites. 11. Dérivation. 12. Développements limités. 13. Fonctions usuelles. 14. Primitives et intégrales. 15. Équations différentielles.	221221247252258296312349349361371390413
17. Corrigés des exercices  1. Nombres complexes 2. Ensembles – Relations – Applications 3. Entiers relatifs et Arithmétique dans Z 4. Polynômes et Fractions rationnelles 5. Structures algébriques 6. Espaces vectoriels 7. Espace vectoriel de dimension finie 8. Matrices et Systèmes linéaires 9. Suites réelles 10. Continuité et limites 11. Dérivation 12. Développements limités 13. Fonctions usuelles 14. Primitives et intégrales 15. Équations différentielles  18. Formulaire Formules de trigonométrie	221221247252258296312349349349410